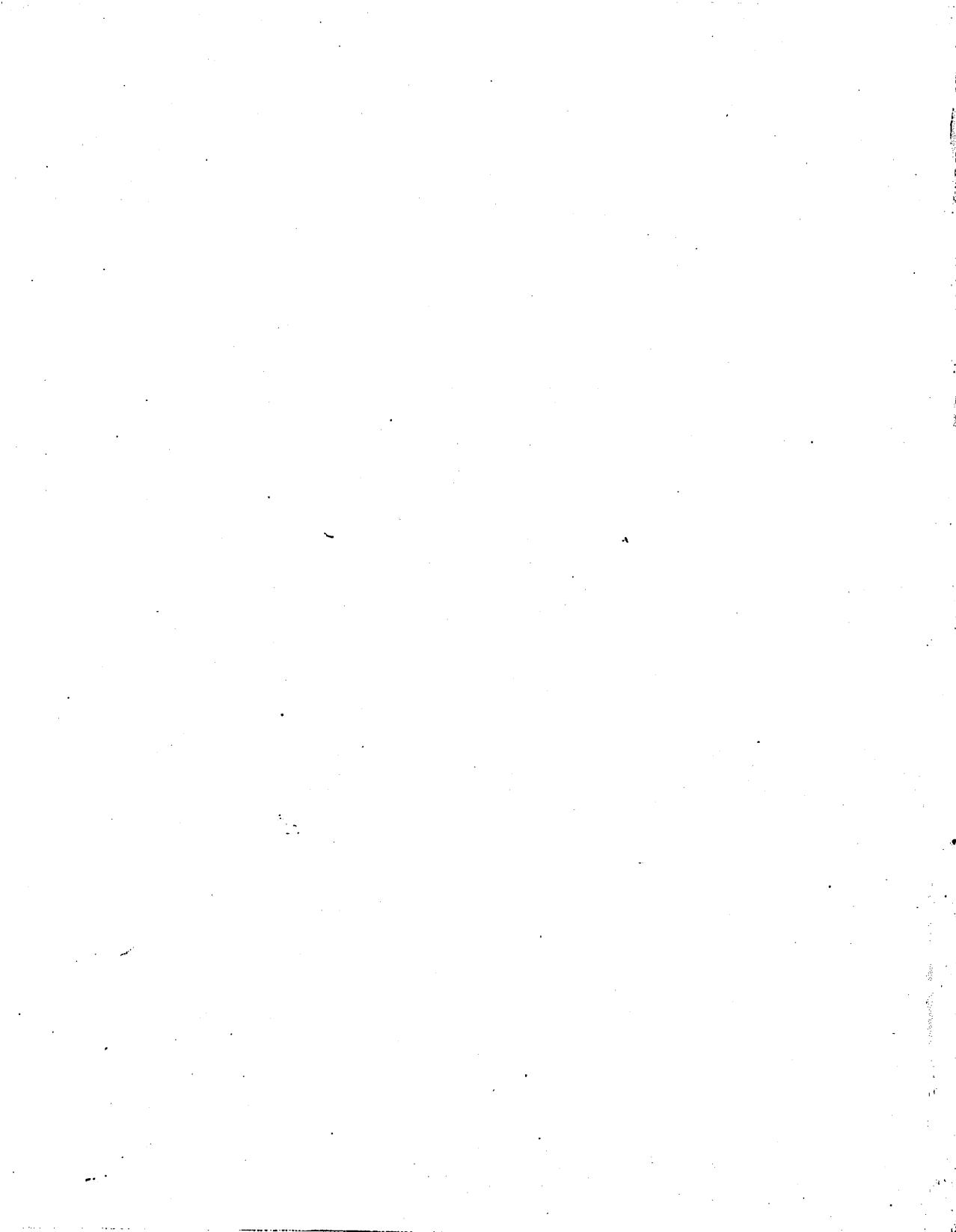


Mémoire.

Examen critique
de la méthode graphique et
de la méthode des courbes
en psychologie.

Weydenk.
F. de Gennide (P)



Examen critique de la méthode
graphique et de la méthode des couches
en psychologie.

Introduction.

Le dessin primitif a été une tâche de lumière, d'ombre ou de couleur. C'est l'idée de Leonardo da Vinci. Il voyait le type dans l'ombre portée.

Figures.

Platon a une notion analogue. Dans le Ménon il définit la figure comme une qualité différente de ce qui est autour. C'est la notion de la figure limitée de toutes parts. (*spatium undique conclusum*) Elle a peu valeur en géométrie élémentaire. Elle aboutit à distinguer le contenu et le contenuant. Elle a pour but faire la notion de séparation ou limite entre le contenuant et le contenu, et de démarcation entre ce qui est intérieur et ce qui est extérieur à la figure. La trace de cette ligne se retrouve dans la définition du cercle par Euclide.

La limite est toujours sans épaisseur, que ce soit une surface, une ligne

ou un point. Elle est là où le contour finit et où le contourant commence. Elle n'est pas commune au contour et au contourant. Entre les deux il n'y a rien. La ligne noire que l'on trace sur le papier avec une tire-ligne est une espèce de support minuscule à deux bords. La ligne en elle est n'a de ces deux bords. C'est une limite sans épaisseur. Le microscope ne la magnifie pas. C'est une abstraction, donc quelque chose d'idéal. En même temps c'est une réalité logique et nécessaire qui détermine des réalités en tant que forme. Les définitions d'Euclide conservent ces caractères. Lord Clifton en montre le sens pratique dans son livre : *Common Sense in Mathematics*. On peut ajouter que la forme est une réalité, parce qu'on peut la toucher des mains et l'embrasser par le regard, en pièce de touche délicat, même suivant l'idée des anciens, qui se figuraient la vue comme une appréhension des choses par des rayons sortant de l'œil. Cette notion était assez puissante chez les Ro-

mais pour entrer dans leur définitions
peripétiennes.

La notion de figure à l'origine a donc trait à ce qui est contenu (οχήμα) ensuite on est venu à distinguer dans le contenu la qualité ou matière et la forme, élément actif, déterminant, essentiel. La philosophie et la mathématique se sont emparé de cette distinction qui pour la philosophie peripétiienne est devenue fondamentale.

des philosophes, s'attachant aux abstraits et aux idées, abandonneront aux artistes la réalité visuelle et palpable. En distinguant entre le contour et le contenu on classifie les œuvres en peintures et en figures. Elles-ci remplaceront pour les anciens géomètres ces formules actuelles.

Ces figures, bien que abstraites, avaient conservé en tant que réalité tangible toute leur puissance déterminante et formative sur leur contenu envisagé comme quantité. On pouvait attribuer

à chaque point du contour une valeur numérique par rapport à chaque autre. On était conduis à envisager les formes sous l'espèce de nombre. Le nombre semblait aux philosophes avoir la réalité même, tout au moins l'aspect le plus complet, le plus exact et le plus précis de la réalité. Par le moyen des figures, ces relations numériques étaient pour ainsi dire devenues palpables. On pouvoit dans un contour attribuer à tout point une relation avec tout autre point choisi de préférence à l'intérieur. Ce procédé fut réalisé à la perfection pour le cercle. Aussi le cercle passa-t-il pour la figure la plus parfaite. Cette idée était tellement captivante qu'elle a dominé les esprits jus-
qu'à Kepler, qui eut puise à s'en affranchir, comme le démontre son traité où il établit une relation entre les distances des planètes alors connues et la série des cinq corps réguliers inscrits à la sphère.

Courbes.

Enfin cette idée antique d'attribuer des valeurs numériques aux points d'un contour, après avoir orienté les mathématiciens depuis

la plus haute antiquité, comme le prouve l'arrangement quadrillé de la table de Pythagore, fut formulée définitivement par Descartes. Depuis lors on n'a pas cessé de l'appliquer et de la vulgariser. On a transcrit toutes sortes de tables ou séries numériques sur coulisse ou se servant de coordonnées cartésiennes, c'est à dire de papier quadrillé, procédé à la fois le plus ancien et le plus moderne pour peindre avec yeux les relations numériques et les rendre plus adéquates à notre esprit en les rendant synoptiques et spatiales, en les soumettant à l'appréciation musculaire de la vue et presque du toucher.

Ce procédé froid et commode a été employé en géométrie, en mécanique, en astronomie, en physique, en météorologie, dans toutes les sciences qui s'attachent aux lois des phénomènes et cherchent non seulement à les expliquer, mais aussi à les prédir. Le procédé permet de compléter les observations par l'interpolation, d'en corriger les écarts et de prolonger

la loi, extrême ou définitivement constatée, dans le passé et dans l'avenir.

Il a été employé pour conserver et enregistrer les observations, pour les comparer et les communiquer, pour établir les lois scientifiques et tirer du caractère synonymique. L'emploi typique du procédé c'est celui qu'en font les ingénieurs lorsqu'ils établissent un profil en long pour les projets de routes ou canaux. Un tel profil établit toutes les particularités individuelles de la ligne à travers le terrain en montant et en descendant. On y exagère généralement l'échelle des ordonnées ou verticales ou prenant dix fois celle des absisses ou distances horizontales. Le fait est bon à noter comme montrent entre l'arbitraire des échelles la complète indépendance des deux échelles horizontales et verticales. Une tangente à un point quelconque de la courbe aurait une échelle encore tout à fait différente mais qui ne serait plus arbitraire.

Echelles.

8.

En variant arbitrairement l'échelle de deux diamètres perpendiculaires d'un cercle on peut illustrer d'une manière saignante l'effet qui exerce l'échelle pour une même courbe qui conserve sa forme générale. Les résultats sont plus variés que ceux que l'on peut obtenir par la simple projection et même par la perspective. Les échelles peuvent même être variées suivant des degrés inégaux quelconques. L'application de cette idée aux courbes psycho-physiologiques tend à les mieux faire apprécier. Il faudrait illustrer ceci par de beaux dessins.

Le même procédé de profil est employé par les ingénieurs hydrographes pour représenter les crues et décrues d'une rivière passant à un point donné. Mais ici il s'agit déjà de courbes qui montrent une périodicité.

Dans ces cas et les cas semblables ce que l'on représente en abscisse et en ordonnée ce sont des grandeurs extensives, comme des longueurs, des décrues.

La météorologie fait un emploi très étendu de courbes construites ou fournies par des instruments enregistrateurs où les abscisses représentent des temps, lorsque les données représentent des températures ou des pressions barométriques, c'est à dire des intensités. Personne ne doute que le procédé ne coûte d'être gitime dans cette application.

La psychologie, dernière venue parmi les sciences expérimentales, n'est apprécier sous les procédés graphiques d'investigation et de démonstration élaborés ou employés par ses soeurs aînées. Ces procédés avaient d'abord été employés en physiologie. Buffon déjà avait employé le dynamomètre pour mesurer la force des hommes et des

Courbes aperiodiques. animaux. Les mesures dynamométriques, si elles sont faites à intervalles réguliers, peuvent être employées pour montrer, dans une courbe, la persistance de l'effort et le phénomène de la fatigue.

qui résulte d'un effort souvent répété, et se traduit, en psychophysiologie, par quelque chose d'analogue à la loi de Wöhler pour la fatigue du métal. Cette loi de Wöhler constate que des charges sont répétées, surtout si elles s'accrent toutôt dans un sens, tantôt dans un sens inverse, finissent avec le temps par vaincre la résistance des matériaux et par produire la rupture, même si chaque charge, considérée en elle-même avait été fort au-dessous de la charge maximale que les matériaux eussent pu supporter indéfiniment.

J'ai fait un assez grand nombre d'expériences dynamométriques et j'en ai fait des courbes que l'on peut rapprocher de ces profils de route. J'ai limité les expériences à la durée d'une heure, parce que c'est une unité familière et que la comparaison devient plus facile pour l'effort d'atténuer et de fatiguer quel résultat d'une heure de cours. Quant à l'échelle de ces profils d'effort et de fatigue,

Mesures dynamométriques.

il convient d'éviter une extension des dessins qui on ne peut facilement embrasser d'un seul coup d'œil. Il convient de faire toujours un dessin synoptique. Autrement il serait presque préférable de se contenter d'une suite de chiffres. On prendra donc pour la courbe une feuille du format d'un cahier ordinaire, en resserrant l'échelle horizontale des intervalles de temps égaux, de sorte que toutes les observations puissent trouver place. Pour l'échelle verticale, on prendra un multiple convenable, en n'excéderant pas trop, parce qu'autrement on pourrait risquer de s'excéder dans la chute de l'effort musculaire. Mon observation de l'effort musculaire dont je suis capable pendant une heure me rend enclin à juger que il décroît à peu près de la même manière que mon effort d'attester pendant une heure dans ma course de drois qui demande une attention continue au détail. C'est pendant la seconde moitié que mon attention commence à s'évanouir par instants, malgré ma volonté;

11.

tout comme pour les pressions dynamométriques.

effort d'attention.

Pour avoir quelque chose d'analogie mais en quelque sorte plus psychique, l'effort musculaire étant presque réduit à celui des muscles du genou, j'ai pris un livre en types uniformes où j'ai tourné chaque demi-minute une autre page et efforcé les 1 et les i. Ma courbe a conservé la convexité vers l'axe horizontal, avec un rayon de courbure plus grand. En relevant une courbe dynamométrique sur un démont précis j'ai pu constater que il donnait pendant toute une heure le même effort. Il ne semblait pas fatigué. En faisant lire le même sujet, ou sautant à la page suivante de minute en minute, j'ai pu constater que le nombre des lignes lues variait plutôt avec la difficulté demandée. La précision ne peut exister dans des copies avec un démont. Le moyen des courbes dynamométriques me semble bon, mais assez grossier.

Deux courbes dynamométriques on peut rattacher les ergogrammes de Abosso. Il faut les faire sur un cylindre qui tourne très-lentement de sorte à ramasser la courbe. Sinon on n'arrive guère à s'en voir dessiner la forme. Il faut continuer l'expérience jusqu'à l'épuisement. Cette courbe permet d'évaluer la somme de travail musculaire dépensée. La courbe dynamométrique ne permet que d'arriver à une pression moyenne. Les ergogrammes de Abosso me semblent donner des renseignements tout à fait individuels, et peu susceptibles de généralisation. Ceur type en est toujours le profil en long des constructions de routes. Chez un individu, la courbe est concave vers l'axe, chez l'autre, elle est convexe. Tardit elle approche d'une ligne droite. Il me semble bien difficile de faire sortir de ces courbes des renseignements dépassant l'individu. Mieux vaudra la description verbale que le sujet peut faire du sentiment circulant de fatigue qui gagne ses muscles pendant

le travail jusqu'à la sensation finale d'un complet épuisement, qui arrive plus ou moins vite, suivant la rapidité avec laquelle se succèdent les contractions et généralement après à peu près 400 à 50 efforts.

Diagrammes de Pression. Les courbes de pression dynamométrique contenue sont du même genre que les précédentes. Elles traduisent chez un sujet normal plutôt un épuisement musculaire qu'une défaillance de la volonté ou de l'attention. Mais avec un sujet malade, malade ou dément, l'on a rien de précis à dire, parceque l'attention ou la volonté fait défaut.

Toutes ces courbes dont je viens de parler sont peu susceptibles de généralisation, plutôt physiologiques, et ont dans ce commun qu'elles sont aperiodiques et s'épuisent dans un processus unique sans phases. Il n'est pas dommage qu'on les peut soumettre à une évaluation quantitative quant à l'effet qu'elles traduisent. Il est aussi évident qu'en

L'intensité de cet effort varie d'une façon grossière avec l'état psychique du sujet, surtout avec la volonté et l'attention.

L'influence de l'état psychique se traduit par la forme générale de la courbe. L'effort physiologique est certainement susceptible d'être évalué quantitativement. Mais l'intérêt capital de la psychologie, quant aux courbes, ce serait de justifier que l'on peut attribuer une évaluation quantitative aux faits de sensation et aux mouvements de l'âme. Il s'agit avant tout de la sensation, qui br distingue par le degré, comme par la qualité, et qui br classifie.

Loi de Fechner.

La loi de Fechner a trait à soumettre les sensations à une évaluation quantitative en tenant compte de leur relation avec l'excitation correspondante. Les musiciens de toute antiquité ont considéré les périodes musicales des gammes successives comme égales, à cause de la parfaite consonnance de Gamma, Cœc et d'octave en octave, malgré la hauteur ou intensité différenciée des tons. C'était aussi peut-être

une idée d'analogie, parce qu'on divisait chaque gamme en douze demi-tons et que, de cette manière, les gammes successives semblaient avoir un rapport d'égalité, puisqu'elles étaient constituées des mêmes parties.

Gammes.

Pythagore le premier, si l'on en croit le récit de Macrobe, (in Somnium Scipionis) avait découvert la liaison entre les accords et la longueur de cordes et la fréquence des vibrations dont ils résultent. Ce fait établissait une relation entre l'action physique externe et la réaction éthérique interne. On pouvoit attribuer à chaque hauteur de gamme la longueur de corde et le nombre de vibrations qui y correspondent et l'on a établi en effet une arithmétique de la musique. L'image (ui juxta) géométrique de ces rapports était fournie par la division de l'unité en prenant la moitié et en continuant à prendre les moitiés, comme pour le fameux premier paradoxe de Zénon. On peut représenter

cette relation dans la forme d'une fonction exponentielle d'où l'on peut tirer la logarithmique correspondante.

Voici la formule :

$$E = \left(\frac{1}{2}\right)^{S-1} \left[\text{ou } \frac{E}{2^S} = 2^{S+1} = w t_s \right]$$

Dans cette formule E c'est le nombre de vibrations ou la longueur de la corde et S la hauteur de C correspondant. Cette formule permet simplement de trouver la valeur numérique des vibrations, si l'on connaît la hauteur d'un son, et vice versa. C'est simplement le terme général d'une progression arithmétique dont il s'agit de trouver la valeur, si l'on connaît l'exposant ou l'index du terme, ou bien il peut s'agir de trouver l'exposant, si l'on a la valeur numérique du terme. Les exposants forment la simple suite des nombres naturels et servent au numérotage des termes. La formule ^{arithmétique} à celle que Fechner a dérivée au moyen des calculs infinitésimal de l'expression qui y prend la loi de Weber. Fechner, pour établir sa loi, est partie de cette considération de la hauteur des sons et de fait astronomique suivant. Je veux parler du classement des étoiles en six grandeurs. On

Grandeurs stellaires.

appelaient étoiles de première grandeur celles qui sont les premières à apparaître et les dernières à disparaître, et étoiles de sixième grandeur celles qui apparaissent les dernières et s'évanouissent les premières. En prenant ces deux grandeurs pour termes extrêmes on intercala quatre grandeurs intermédiaires pour établir une échelle décimale. Il faut observer, afin d'éviter la confusion, que les grandeurs ou classes sont numérotées en sens inverse, comme les classes d'un lycée, en exprimant la grandeur par un nombre d'entiers plus fort que l'éclat est plus faible. Il sera suivi que il y aura des étoiles de la grandeur zero, comme l'étoile Polaire, et des étoiles dont le numéro de grandeur prend le signe minus. On voit que néanmoins ces grandeurs n'ont rien de négatif et sont plutôt des super-magnitudes. Cette observation est bonne pour s'intendre, en parlant des sensations, lorsque on définit trop au pied de la lettre, les sensations nulles et négatives. Les expressions sont des analogies ou plutôt

des métaphores empruntées à l'algèbre,
et peuvent être vides de sens.

On classe les étoiles en six grandeurs
en placant l'étoile dont on veut apprécier
cette grandeur dans une courte série
formée par des étoiles circonvoisines. Donc
on compare et on porte un jugement.
Cette observation a son utilité pour mon-
trer que ce n'est pas à un fait brut
de simple sensation, mais que ce constat
ce fait par rapport à une série de faits du
même genre, et que par conséquent ce que
l'on classe, ce sont des impressions com-
plètes, des perceptions. L'opération, bien que
délicate, ne peut avoir en réalité la précision
exprimée par les chiffres que servent d'éta-
quilles aux classes.

Le classement des étoiles d'après une
échelle de six degrés a été fait en bloc et d'une
manière empirique déjà aux temps d'Hipparche.
On y était arrivé sans instrument spécial,
destiné à mesurer l'éclat sidériel de
chaque étoile. Ce ne fut qu'en cours du dé-
meurisme siècle que l'on a pu établir parallèle-

mont à la série antique, une nouvelle échelle basée sur des mesures photométriques. Les résultats de la photométrie stellaire ont montré qu'il y avait un rapport assez constant tout le long de l'ancienne échelle entre l'éclat des étoiles de chaque grandeur et celui de la grandeur qui précède ou suit immédiatement. Cette constante est de $2/5$. Elle permet de traduire en grandeurs stellaires les rapports d'éclat des étoiles et vice-versa. En adoptant, pour valeur m, l'éclat d'Aldebaran, correspondant à la première grandeur stellaire, on peut établir deux séries correspondantes, l'une de grandeur, l'autre d'éclat, que l'on peut tabuler de la manière suivante.

Grandeur	Eclat.		
-2	15.625	$(0.4)^{-3}$	$15\frac{5}{8}$
-1	6.25	$(0.4)^{-2}$	$6\frac{1}{4}$
0	2.5	$(0.4)^{-1}$	$2\frac{1}{2}$
1	1	$(0.4)^0$	1 (Aldebaran)
2	0.4	$(0.4)^1$	$2/5$
3	0.16	$(0.4)^2$	$4/25$
4	0.064	$(0.4)^3$	$8/125$
5	0.0256	$(0.4)^4$	$16/625$
6	0.01024	$(0.4)^5$	$32/3125$
7	0.004096	$(0.4)^6$	$64/15625$

Comme nous avons déjà vu, la série de grandeurs est croissante et arithmétique, celle des mesures photométriques est décroissante et géométrique. C'est le ^{un} arrangement ^{comme} celle d'une table de logarithmes. La série des grandeurs est formée par les exposants des nombres qui constituent la série des éclats, moins l'unité.

Le terme général de la série géométrique forme un des côtés de l'égalité que voici :

$$E = \left(\frac{2}{5}\right)^{S-1}$$

Cette formule, si l'on excepte la base constante exprimée en chiffres, est identique avec celle qui formule la relation entre la hauteur des sons et la longueur des cordes correspondantes. E, dans la formule, désigne l'éclat mesuré par voie photométrique, et S, c'est la grandeur de l'astigieuse classification. J'ai introduit l'unité précédée du signe moins dans l'exposant pour faire correspondre dans une même étoile que l'on prend pour première terme des deux séries correspondantes deux côtés de l'égalité, l'unité d'éclat à l'unité de grandeur. L'unité introduite dans l'é-

posant tiendra lieu de constante dans la transformation logarithmique de l'égalité que Fechner a rattaché à la loi de Weber en se fondant sur des considérations infinitésimales.

Fechner, en conforterait sa fameuse loi, est parti de l'apparente équivalence pratique des gammes en mesures, et de l'équidifférence supposée entre les grandeurs des étoiles. Il posait ces deux faits comme des données immédiates des sens, comme des sensations, aux sens de ce mot dans la physique cartésienne qui est essentiellement dualiste et n'oublie jamais de faire sa part à l'âme d'un côté, et au corps de l'autre côté. Les définitions cartésiennes où entre la sensation, sont toutes bâties de la même façon. Voici par exemple comment cette philosophie définit la saveur. *Utopia ex parte animalium est sensatio, et ex parte corporis rapidi reponi potest in mechanica molecularum dispositione.* Cette définition nous semble contenir l'exception peut-être organique, mais fondamentale que Fechner attribue aux

Dualisme cartésien.

terme sensation. Elle conteste aussi l'idée fondamentale du rapport pos-
tulé par Fechner entre le corps et l'âme,
entre la sensation et l'excitation, entre
le fait psychique, qui est la réaction,
^{et} de l'excitation physique. C'est l'idée de
Descartes, transformée par Spinoza et
aboutissant au panthéisme allemand
des temps de Fechner.

Le côté physique de la formule était
fourni par la raison de la série des gam-
mes, et par le rapport nouvellement dé-
couvert entre les grandeurs stellaires, un
tout en conséquence des travaux d'Augo
et de Steinheil (fascicules des *Gesetz-*
Richtmaßungen am Himmelman);
sans oublier Bouguer (*Traité d'optique*
sur la gradation de la lumière). La loi de
Weber semble avoir donné le brinle aux
idées de Fechner. Cependant le second en
date des écrits de Fechner, publié en 1859
traite de la relation entre la grandeur
et l'éclat des étoiles sous le titre : *Über*
den physikalischen Grund

Laffin Lézisfing gno tñfifing dor
Hannsparti (être cité par Foucault) Le titre
seul de cet ouvrage de Fechner me semble suffisant
pour prétendre l'origine chez lui de sa formule
ici. Il y avait le nombre dans la musique,
et le nombre dans l'astronomie, et Fechner
le transposa dans la psychologie, comme on
procérait alors, en changeant un peu une phrase
de Victor Hugo. C'est l'antique harmonie des
pythagoriciens.

Bouguer a contribué à la loi de
la progression des éclats le fait que
voici : "Il a observé que, la distinction
entre deux lumières n'a été sensible que
lorsque la petite partie ajoutée a été
soixante-quatre fois plus faible que
la première." Le fait de Bouguer, véri-
fié par Steago, a bien qu'il soit
l'intensité absolue ou force de la lu-
mière. C'est à dire que c'est un rapport
constant. Deux lumières, différent de $\frac{1}{64}$
sont dans le rapport de 65 à 64 ou in-
versement, suivant le sens de la progression.
Ce rapport permet de même d'établir

Fait de Bouguer.

une fonction exponentielle entre l'éclat et les gradations de visibilité pour la lumière.

Torci cette formule :

$$E = \left(\frac{65}{64}\right)^m$$

Elle correspond à la formule stellaire

$$E = \left(\frac{5}{2}\right)^{1-s}$$

En posant

$$\left(\frac{65}{64}\right)^m = \frac{5}{2}$$

on trouvera

$$m = 59.1 \equiv 60, \text{ à peu près,}$$

et l'on peut mettre le fait de Bouguer en relation avec la formule stellaire en écrivant

$$E = \left(\frac{5}{2}\right)^{1-s} = \left(\frac{65}{64}\right)^{60(1-s)}$$

ce qui fait voir que les gradations de Bouguer sont les minutes des grandeurs stellaires. J'a-
vais conjecturé que l'antique classement des
étoiles par grandeur était en rapport avec
la division sexagésimale de la circonference.
C'est entre parenthèses et tout simplement
curieux.

Le fait de Bouguer est intéressant
comme rentrant dans l'idée du seuil diffé-
rentiel. Il faut noter que le fait a lieu

quelle que soit l'intensité absolue de la lumière. C'est la loi de Weber selon laquelle un rapport est apprécié comme une différence. Cette loi constate que "lorsque l'on compare des excitations ayant des différences relatives constantes, il y a dans la perception un élément ou un caractère constant qui dépend de cette constance de différence relative".

Les faits d'expérience ou d'observation sur lesquels sont fondé Fechner ce sont donc les faits relatifs à la hauteur des sons en musique et aux magnitudes stellaires, où on peut joindre les expériences de Boegeer. En dénotant les diverses constantes, telles que 0.5 pour les gammes, 0.4 pour les grandeurs stellaires, par une lettre on a, pour la plus simple expression de la loi de Fechner, la formule sous la forme exponentielle

$$E = C^{S-1}$$

ce qui donne sous la forme logarithmique

$$S = \frac{\log E}{\log C} + 1$$

Or le rapport de deux logarithmes est

Loi de Weber.

Formule de Fechner.

constant quelle que soit la base du système.
On peut donc prendre pour base C et l'on a

$$S = \log E + 1$$

et pour employer des logarithmes usuels
on posera $\frac{1}{\log C} = K$

et l'on aura

$$S = K \log E + 1$$

Ces considérations sont élémentaires mais
l'effet a échappé à des auteurs comme
Bernstein.

J'ai choisi l'unité comme constante
numérique la plus simple, parce qu'alors la
formule donne $S = 1$ quand $E = 1$.

C'est encore ce qui il y a de plus simple et
de plus juste. On a pour toute de repérer
l'unité dans les deux progressions. On se
dispense de la considération du seuil absolu
où il n'y a plus de sensation ou perception.
Ce seuil est aussi arbitraire, mais en outre
tout à fait subjectif, oscillant, difficile à
déterminer et festif.

Je crois que la constatation de Fechner
ne gagne certainement pas en simplicité pour
être privilierée sous la forme logarithmique au
lieu de l'exponentielle. L'effet n'est que plus

étrange et par conséquent plus embrouillant. En réalité les logarithmes ne sont que des exposants, des numéros indicateurs de la place d'un terme dans une progression géométrique, dont la fameuse loi n'est que le terme général.

Il est difficile de s'expliquer la préférence de Fechner pour la forme logarithmique, puisque l'expression exponentielle sous forme de terme général d'une progression géométrique semble être plus commode et répondre à toutes les exigences. Mais Fechner, dans sa spéculacion, semble avoir suivi le type d'une formule de Laplace qui pose entre la fortune morale y , et la fortune physique x la relation suivante:

$$y = K \log x + \log h$$

où K est une constante et h une constante arbitraire. En même temps la dérivation de cette formule paraît servir de modèle: $dy = K \frac{dx}{x}$

d'où, par simple intégration :

$$y = K \ln x + C$$

Formule de Laplace.

En même temps Fechner fit jouer aux différences de sensation jette perceptibles le rôle de différentielles suivant le principe des indiscernables de Leibniz, à tort, à ce qu'il me semble, puisque les différences jetté perceptibles sont naturellement exprimées par un numéro, un nombre fini, l'unité ou une fraction. D'ailleurs l'établissement de la formule de Fechner selon des considérations infinitésimales ne change en rien sa valeur comme expression générale du fait de la gomme, dû au fait stellaire avec celui de Bouguer.

En s'attachant simplement à ces faits on peut faire les observations suivantes :

- 1) Une série d'excitations du même genre correspondent à une suite de sensations semblables et cependant différentes.
- 2) La correspondance fait défaut, quand les excitations sont trop faibles ou trop fortes. L'étendue de la série est limitée. Il y a un premier terme, le seuil inférieur, où il n'y a plus de sensation, et un dernier terme, le seuil supérieur, où la sensation se déforme par suite de la douleur. C'est comme

la perspective d'une droite entre le point de fuite et la trace. L'étendue est évaluée par le nombre des termes.

3) Le nombre des termes est relativement d'autant plus grand que la raison est plus voisine de l'unité. Si la raison est égale au rapport qui correspond à la différence juste perceptible on a le seuil différentiel. Il correspond à l'accroissement de l'excitation qui produit une différence sensible entre deux sensations, différence qui est la plus petite perceptible.

4) L'expression numérique qui relie l'excitation à la sensation correspondante est identique avec la règle de l'intérêt composé que voici

Règle de l'intérêt composé.

$$a(1+r)^n = A$$

Cette règle, c'est le terme général d'une progression dont le quotient est $1+r$. Si l'on a 5 pour r c'est r est $\frac{1}{20}$; et $1+r$ égale $\frac{21}{20}$. A c'est la valeur que a pris le principal a après n périodes de temps. Pour montrer l'égalité

telle on peut écrire

$$\frac{A}{a} = (1+r)^n \quad \text{ou}$$

$$E = C^{s-1}$$

Il n'y a de différences dans ces formules que dans les symboles.

La règle de l'intérêt des intérêts serait, au dire de lord Kelvin, la plus générale de la nature. Elle a tenu avec la loi de Fechner une application certainement inattendue. Avec une constante convenable et dans certains limites elle suit à proportionner également les charges dans une construction, comme elle pourrait servir à la distribution équitable des charges en regard aux fortins.

Il semble loisible de se servir de la règle de l'intérêt composé pour préciser, si l'on peut, ses idées sur la portée de la loi de Fechner.

Il y a d'abord l'équiquotient $1+r$ où r c'est le taux de l'intérêt. Pour l'intérêt à 5 pour cent

$$r = \frac{1}{20} \quad \text{et} \quad r+1 = \frac{21}{20}$$

C'est l'analogue du fait de Bouguer où

$$r = \frac{1}{64} \text{ et } 1+r = \frac{65}{64}$$

On peut donc dire que le seuil différentiel de l'excitation est analogue au rapport de 105 à 100 au cas où l'intérêt est de 5 pour cent, ou d'une façon générale à $1+r$.

De côté excitation la règle de l'intérêt présente $\frac{A}{x}$ qui est le rapport du capital avec les intérêts composés au principal. Le principal x peut être représenté par l'unité et l'on a

$$A = (1+r)^n$$

L'unité d'excitation peut être choisie arbitrairement, n'importe à quelle place de la série. Fechner a choisi le seuil initial ou inférieur pour unité ou repère. C'est ce qui correspond au capital initial. Mais ce point de repère monte et descend. Il varie avec les sujets. Il dépend de l'attention et des circonstances. Le seuil oscille.

C'est pourtant ce choix du seuil initial, auquel Fechner fait correspondre la sensation zéro, qui lui a suggéré

notion de sensations négatives, éloignées du seuil de la conscience. Cela revient à intervertir le problème. Il faut se rappeler ici que les sensations négatives nous associent parfois avec la question a été mal posée.

Ce que me paraît plus simple et toujours exacte, c'est de faire correspondre le numéro un de sensation avec une excitation quelconque puis pour faire de comparaison, n'importe où, dans la série des excitations, comme on le fait pour l'éclat des astres. On introduisait l'unité négative à l'aposant ($S=1$) on fait toujours correspondre $S=1$ à $E=1$.

En faisant ainsi, on ne sera pas facilement conduit à attribuer à cet aposant un rôle quantitatif et concret qui ne lui appartient pas.

En effet, dans la règle de l'intérêt, l'aposant désigne bien des intervalles de temps, des années, ou mois, mais pas directement. L'idée d'intervalle de temps est déjà contenue dans la base ou constante

$1+r$, où r est le taux de l'intérêt,
c'est à dire un accroissement considéré
par rapport à un certain intervalle
qui dans la loi psychophysique est
le seuil différentiel de l'excitation.

L'exposant n en réalité, ne remplit
qu'un rôle indicateur, un rôle de
compteur, de numéro, signifiant com-
bien sonore le seuil différentiel a pu
entrer en jeu, entrer comme facteur
pour former le produit des seuils appels
différentiels depuis le terme de repère initial.
L'exposant n c'est le numéro d'un terme.

Si c'est une fraction, au lieu d'un nombre
entier, c'est l'indice d'un terme intercalé.

S'il est négatif, il ne fait que continuer
la série des numéros au delà du zéro.

Remarquons que il n'y a jamais une
sensation zéro, de même qu'il n'y a pas
d'excitation nulle ou négative. Tout
cela c'est métaphore vide de sens, ($\chi \epsilon \rho -$
 $\lambda \rho \epsilon \tau \nu \epsilon \tau \chi \alpha i \mu \epsilon \tau \alpha \rho \alpha s \lambda \epsilon \tau \nu$)

L'exposant zéro ou négatif n'est
qu'une étiquette pour la sensation.

L'exposition, l'exposition dans une formule ne joue qu'un rôle abstrait, un rôle très brûlant, dans la progression géométrique, même dans le binôme de Newton. Il n'indique qu'à l'ordre de la base. Ce qu'il y a de significatif c'est le rapport sur lequel l'exposition porte. L'excitation doit être égale à l'impression sensorielle, à la sensation, comme l'action à la réaction. Seulement cette sensation entre en association avec les images de sensations antérieures. L'esprit la classe, lui assigne une place dans la série associative. Le classement assigne une position, de même manière qu'un classement alphabétique. Les couleurs sont classées suivant l'ordre des spectres qu'il est l'abécédaire des couleurs. Réciproquement on désigne une couleur par sa longueur d'onde. Pour les couleurs on n'a pas éprouvé le besoin de les distinguer par des numéros. Il y a pour les couleurs gradation et contenu. Pour le son et la lumière il y a seulement gradation. Cette gradation présente une espèce de rythme, des périodes. La loi de Fechner distingue ces rythmes. Elle est en quelque sorte

esthétique.

Le goût et l'odorat ne distinguent que ce qui est bon ou mauvais, agréable ou désagréable. Je ne sais pas comment la loi psychophysique pourrait s'y appliquer. Il y a une identification immédiate des sensations gustatives et olfactives avec les objets qui les excitent. On ne peut voir comment on pourrait appliquer une loi de classement, comme celle de Fechner. Hering a trouvé que elle ne s'appliquait pas.

Fechner, ayant d'appliquer sa loi, avait distingué dans la sensation la qualité, l'intensité et la tonalité en suivant l'analyse physique du son musical. C'était l'intensité sous quelle il pré tendait mesurer. Il limitait sa loi aux sensations intensives. Je me suis rangé à l'opinion de ceux qui disent qu'en jugeant une sensation plus forte qu'une autre, on emploie une sorte de métaphore, et que le jugement porte évidemment sur les excitations

correspondantes. Je ne conçois une sensation que comme une qualité une et inédoi-
sible que l'on peut classer, mais qu'on ne peut pas mesurer. Les sensations d'une même
série sont dissimilables. La différence peut être entendue comme celle des lettres de
l'alphabet. Cette différence n'a rien de quantitatif. C'est une différence de position
dans une série, dont l'ordre est donné par l'expérience, un ensemble où les variations
peuvent se faire suite dans deux sens op-
posés, comme O suit N et précède P.
La sensation n'a rien de quantitatif
ou de mesurable. Dans cet ordre d'idées
je citerai le passage suivant de Renouvier:
"Pour mesurer l'intensité d'une sensation
il faudrait commencer par comprendre
quand et comment deux sensations sont
égales, ce que c'est qu'une sensation double
d'une autre, et trouver le moyen de fixer
l'unite de sensation qui est indispensa-
ble pour que les sensations ajoutées les
unes aux autres ou retranchées l'une
des autres, nous représentent des nombres.

Voilà ce que nous voyons clairement n'être pas possible."

Ce qui reste comme fondement d'un classement opéré par la loi logarithmique où elle est applicable, c'est le seuil différentiel. On a essayé de l'expliquer par des inhibitions comparables aux freinements dans les machines. Il me semble qu'on pourrait rattacher le fait du seuil différentiel à la théorie qui considère les sens, surtout l'ouïe et la vue, comme instruments enregistrateurs, où les mouvements moléculaires seraient transformés en phénomènes molaires. C'est l'hypothèse de Breton pour l'ouïe. L'oreille serait en quelque sorte un maréographe. La formule logarithmique se rattacherait ainsi à l'hypothèse de Breton et à celle de la vue chimique.

Seulement il semble assez raisonnable d'admettre que les sensations physiologiques sont des réactions

Seuil différentiel.

proportionnelles aux actions ou excitations physiques, qu'il y a une véritable adæquatio, mais que les perceptions sont simplement classées sans idée de quantité. Le classement n'a pas besoin de reposer sur une échelle à degrés égaux différents.

Il suffit que le sens et la suite des classements soient constants, pour pouvoir représenter les différences de sensation par une formule, comme celle de Fechner, où elle est applicable. On aura toujours une série de termes distingués par leur exposant qui peut représenter synoptiquement par des ordonnées formant une courbe. L'emploi des courbes se justifierait donc, même pour des représentations que l'on ne peut soumettre à aucune espèce de mesure. D'autre part la pratique a toujours cherché à préciser les incommensurables et les imprédictables par des chiffres et des courbes sans s'arrêter à des scrupules théoriques. C'est ce qu'on fait en notant par des chiffres le progrès

d'un élève, en constatant que l'un sujet n'a que 2/3 de responsabilité, ou en représentant l'évolution d'une maladie mentale par des courbes.

Ce que il y a d'essentiel pour ces chiffres, c'est le classement. Pour les courbes c'est plutôt la forme que l'échelle des ordonnées. Seulement ces chiffres auront besoin d'application, et les courbes, qui font voir un processus, auront toujours besoin d'une légende explicative. On pourrait représenter l'histoire romaine par une courbe de grandeur et de décadence, basée par exemple sur la propagation des territoires et son rétrécissement, seulement ce serait un voir amusant sans les faits individuels qui se rattachent aux points intéressants de la courbe. Bien qu'on ne puisse pas appliquer une échelle aux sentiments on peut néanmoins les représenter par des graphiques, puisque leurs renseignements sont indépendants de toute échelle. Outre les courbes qui remplacent

une table numérique, une série, ou qui retracent un classement, et qui généralement sont aperiodiques, il y a les courbes périodiques. La météorologie en fournit beaucoup d'exemples suivant le rythme des nuits et jours ou des saisons. L'astronomie a les courbes de lumière pour les étoiles variables. La physiologie après le myographe a employé les cymographes, surtout pour les phénomènes circulatoires et respiratoires. La psychophysiologie s'est emparée des méthodes expérimentales de la physiologie, parce qu'on avait remarqué que les phénomènes physiologiques sont modifiés ou contrôlés par les variations de tension, en plus et au moins des processus central et psychique. La sensibilité est essentiellement physiologique et liée au mécanisme des organes, mais les images et les émotions retissent sur le mécanisme organique. Cette liaison des phénomènes psychologiques avec les phénomènes physiologiques et physiques a fourni à la psychologie une méthode

méthode expérimentale basée sur les comparaisons et l'analyse de courbes fournies par les instruments enregistrateurs. Ces courbes traduisent par leur forme objectivement aux yeux l'activité des émotions psychiques.

Le prototype de ces courbes est représenté

Diagramme d'indicateur par le diagramme de l'indicateur de Watt.

Cet ingénierie, pour pouvoir étudier objectivement les variations de la pression auxquelles est soumise une quantité de vapeur d'eau pendant qu'elle fait son travail en poussant devant soi le piston le long du cylindre qui l'enferme, avait imaginé le procédé ingénier d'obliger la vapeur d'injection sur un cylindre une courbe dont les abscisses représentent le chemin tracé par le piston et indirectement le temps, et dont les ordonnées sont proportionnelles à la pression que la vapeur exerce à chaque point de ce chemin. L'abscisse ou ligne gyro des ordonnées représente la pression atmosphérique que l'on obtient avant d'admettre la vapeur dans l'indicateur de cymographe (Schöniger) (figur)

de Fick, professeur de physiologie à Zurich,
n'était qu'une reproduction de l'indicateur
de Watt, de même que tous ceux qu'on a
construit depuis. Il n'y a pas seulement
l'analogie entre les instruments, mais il
s'étend à toute la méthode basée sur l'emploi
de ces instruments.

- 1) L'indicateur, donnant ^{les} pressions à chaque instant, fournit la pression moyenne.
On la détermine très commodément à l'aide
du planimètre d'Otisole. Fick a introduit ce
procédé en physiologie. Celle-ci permet d'évaluer
le travail accompli. Il n'en semble pas avoir
d'application psychologique.
- 2) Le diagramme de l'indicateur fait découvrir
les défauts de construction et d'ajustement des
organes de la machine et suggère comment on
doit y porter remède, si l'on peut. Dans une pé-
riode, aller et retour, du piston, on distingue
plusieurs phases consécutives: l'admission con-
tinuée pendant un certain temps, puis la dé-
tente où la courbe descend en tournant le
côté concave vers l'abscisse, puis l'expansion
ou la vapeur s'échappe, enfin le retour

qui finit par la compression d'une portion de la vapeur, après quoi le feu recommence. Cette analyse ~~est~~ est reproduite complètement pour expliquer les courbes sphigmographiques. C'est pourquoi je crois devoir la rappeler.

3) Le diagramme indicateur permet de comparer le fonctionnement de différentes machines et les façons dont une même machine fonctionne suivant le travail qu'il lui faut fournir, ou suivant qu'elle se comporte par comparaison au travail normal, sans accroissement ou décroissement du travail.

Ceci c'est l'analogie avec le fonctionnement normal des organismes et le retentissement sur les organes des images, émotions, efforts.

Sphigmogrammes.

On peut dire des sphigmogrammes et des courbes analogues pour la respiration, qu'il les varient suivant les sujets et les individus. Pour le même individu le sphigmogramme est autre après qu'il viendrait de prendre du repos ou de l'exercice, après sa faim ou un

dînée. Il est différent suivant le milieu, coloré, ou non, suivant les changements de température, l'effort, la fatigue, l'émotion. Ces différences se traduisent par des différences de forme, de phases et d'échelle. Mais il semble qu'en général tout individu possède un sphygmogramme propre à lui seul.

Et Sainte-Anne monsieur Deumas m'a montré des courbes prises sur deux chiens, où pour le même coup de pistolet qui leur faisait peur, la courbe respiratoire de l'un des chiens augmentait en amplitude tandis que celle de l'autre diminuait.

Sphygmogramme

On peut dans le sphygmogramme distinguer plusieurs phases comme dans le diagramme de Watt. Il y a la distension systolique, la contraction artérielle, le prédiastole et le diastole, la contraction artérielle qui paraît plus fatiguée. Puis la ~~je~~ recommence. Bref, le trait en montant signifie la distension, le trait en descendant la contraction artérielle interrompue par l'onde sanguine réfléchie dicrote.

Pour les courbes périodiques il y a aussi variation de durée pour les périodes successives, entre le moment d'un maximum donné et le maximum suivant. La durée de période est variable, elle aussi, avec les lunes et les processus psychiques. Les variations non périodiques, c'est à dire qui ne sont pas des maxima ou minima sont des fluctuations ou des écarts.

Pour comparer les courbes facilement il faut les déduire à la même échelle. Deux courbes identiques doivent être superposables. On peut se servir de papier transparent. Il ne faut pas oublier, ce qui arrive parfois, que les courbes décrisées par des leviers, ont pour ordonnées, non pas des perpendiculaires, mais des arcs de cercle comme on les voit sur le plateau des baromètres et thermomètres enregistreurs. On a oublié cela dans quelques livres, où l'on a substitué à tout ma résaille à carrés.

Les éléments à déduire d'une courbe périodique ce sont:

- 1) La position exacte des maxima et minima.
- 2) L'intervalle entre ces points et la durée qui y correspond.

Courbes superposables.

Éléments des courbes.

3) La loi générale représentée par la courbe. Les deux premiers points peuvent trouver une solution assez facile. Si le maximum est un apex, il est nettement déterminé. Mais près des points maxima et minima la variation dans la courbe est généralement peu brusquée, de sorte à laisser les points indécis. On les précisera en menant, près du maximum à déterminer, des égales distances entre elles, des parallèles à l'abscisse. On joint les milieux de toutes ces parallèles par une courbe auxiliaire dont le prolongement précisera le maximum qui est l'intersection des deux courbes.

Pour la loi du phénomène il faudra se contenter généralement d'une analyse formelle de la courbe en parties ou phases qui sont attribuées à des phases correspondantes du processus physiologique dont elle vaut la traduction. Le processus mental ne me semble pas y retenir d'une façon proportionnelle. Seulement en le décrivant on pourra se servir d'expressions quantifiantes avec la réserve qui ne les fait correspondre qu'à

un numero de position.

On est arrivé en psychologie, grâce aux méthodes graphiques, à des généralisations, peut-être grossières, mais qui ont le mérite de l'objectivité et de l'exactitude. On a pu se rendre indépendant de la méthode introspective tant préconisée et conduisant à des résultats si subtils. Mais même ^{avec} ces moyens il me semble plus difficile de faire des observations psychologiques que d'observer une comète à l'œil nu. Il est curieux de voir combien différents sont les dessins faits de la comète de Halley. Heureusement la photographie est devenue astronomique. En psychologie j'ai trouvé merveilleux l'effet des photographies pour renseigner sur le fait mécanique du mouvement et de l'affaissement des muscles de la face dans l'expression de la joie et de la tristesse (G. Durmas). La ronde, en physiologie et en

psychologique permet par l'extinction de sa forme, une éocation simul- tanée des phasés d'un processus psychique. Il semble que par le vi- sion notre esprit s'empare plus facilement des faits. Il en emboîte synoptiquement une plus grande étan- blie. Il gagne l'extinction des rapports de tension et plus ou moins des pro- cessus psychiques. Il fait voir les effets d'excitation et de dépression, d'hypertonies et d'hypotonies. Un auteur allemand a pour cela l'expression, un tantidigt "frifflan". Je crois cepen- dant que les courbes, comme les cartes géographiques, ne sont instructives, que la condition d'être accompagnées d'une légende explicative, en termes or- dinaires, sobres, propres et peu meta- phoriques. Si l'on reçoit des métaphores, on citera celles des sujets malades, dont, on tâchera de dénuder la portée. Les courbes, sans la description verbale des

Description des faits.

Les phénomènes n'ont que peu de valeur. Surtout les courbes produites par les instruments, sont trop individualisées, pour ne pas avoir besoin d'illustration verbale. Le langage ordinaire me semble suffire pour les observations individuelles. On réservera le langage scientifique pour les classifications et les généralisations.

Courbes et schémas.

Courbe à trois variables.

Les courbes employées jusqu'ici en psychologie sont à deux variables. La météorologie, depuis plus d'un demi siècle a connue les représentations graphiques de trois variables. Elles remplacent les tables à double entrée. Ce sont des représentations de surfaces à l'instar des cartes topographiques à courbes de niveau équidistantes. On pourrait représenter à leur aide des observations quelconques pour chacune des heures du jour (ordonnées) et pour chacun des mois de l'année (abscisses). Elles figureront les observations, comme on voit le relief.

d'un terrain dans une carte, avec ses montagnes et ses vallées, ses lignes de ~~front~~^{fortification} et ses talwegs. Seulement elles coûtent beaucoup de temps à dessiner, et elles ne sont pas aussi commodes à lire que les courbes à deux variables. Heureusement un ingénieur français, Léon Lalancette remédie à ces inconvenients en remplaçant les divisions égales des coordonnées par une graduation logarithmique. Le principe de graduation, il le qualifie d'anamorphose. Ce principe permet d'avoir des lignes droites au lieu de courbes. Le dessin et la lecture sont alors faciles. La moyenne des observations s'obtient plus facilement que pour une courbe. Les écarts peuvent être mieux rectifiés.

Outre les courbes, la psychologie se sert aussi du dessin ordinaire et schématisqué. Celle-ci sera, donc, dessin ordinaire pour les localisations, comme les points de chaud et de froid. Elle peut employer avantagereusement les schémas pour représenter clairement des rues hypothétiques. On a toujours

Anamorphose.

Schémas.

sur un rive de pareils schémas, même sans les avoir mis au net, dans un dessin.

C'est par exemple le schéma de la loi de régression, celui du mouvement réflexe, celui des voies sensibles ascendantes et descendantes avec ses trois étages. Ces schémas ont été successivement exprimés dans le langage scientifique le plus intérieur de l'époque donnée, hydraulique, optique, ou électrique. Les variations dans les termes ne correspondent que rarement à des apperçus différents. Le même schéma linéaire aurait pu être conservé généralement.

L'emploi des schémas a été introduit dans la philosophie par les mathématiciens qui avaient trouvé dans les figures linéaires des adjuvants commodes pour leurs démonstrations. Le schémationne a donné en philosophie souvent des résultats supérieurs. Il semble qu'il ait parfois été la cause de progrès remarquables.

La logique d'Aristote me paraît être une adaptation de la théorie des proportions arithmétiques. Les termes employés par le philosophe pour les éléments de

sylligisme sont les mêmes que pour la proportion

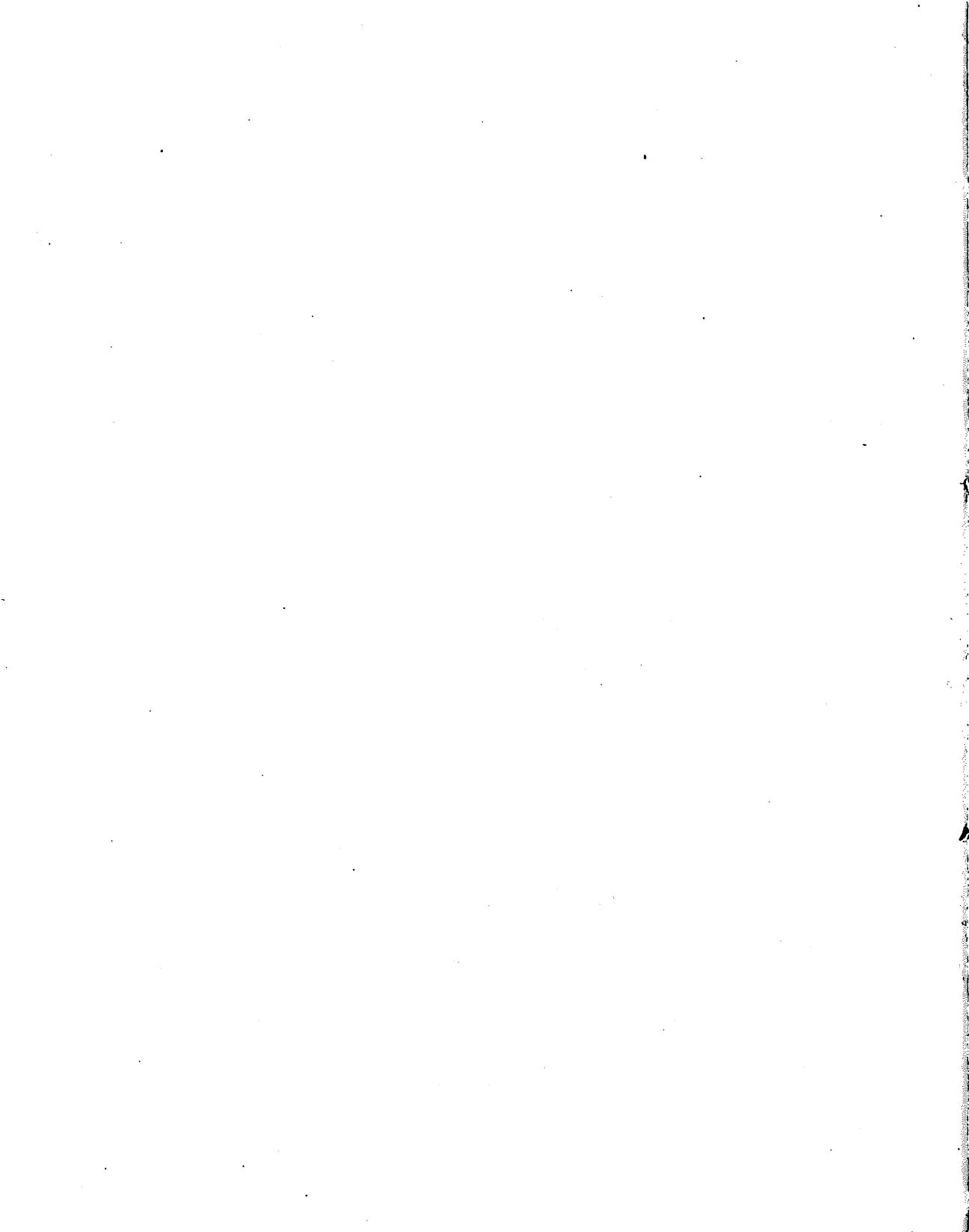
$$A \cdot B : B \cdot F$$

Conjecture sur
les analogies d'Aristote.

J'ai encore conjecturé que Aristote a représenté les propositions et leurs sylligismes par une extension des schémas linéaires, dont les anciens se servaient à représenter des proportions de la même manière que les modernes se servent des lettres comme symboles algébriques.

J'appuie ma conjecture sur la terminologie et le contexte d'Aristote. On n'a qu'à se reporter au second chapitre du premier livre des premières analytiques, pour voir que, si la seconde moitié du chapitre n'était pas accompagnée de figures, elle ferait dou ble emploi avec le premier qui est des exemples tangibles; dans la seconde moitié, il ne se trouvent que des lettres, dont l'emploi seul, sans l'illustration de figures, ne peut en rien apporter à la clarté et à la force de l'exposition. Voussiez le professeur Salenche à qui j'aurais communiqué ma conjecture, ma réponse, après avoir relu le texte en question, qu'il croit que j'ai raison sur ce point.

Nicolas de La Gaydant,
7 Rue Gassendi,
Paris (14^e)



Bibliographie
Table des matières
Positions.



10.

1) Bibliographie du sujet.

Foucault (Marcel)

La Psychophysiologie, Paris, Alcan, 1901.

Cote S.P. 1237.

Mosso (otb.)

La Fatigue, Paris, Alcan, 1894.

Cote S.P. n. 132.

Toteyko (J.)

Psycho-physiologie. 1909.

Cote S.P. n. 1725

Dudgeon (R.E.)

The sphygmograph, London, 1892.

Feick (Otto)

Ein Medicinische Physik, Braunschweig 1886.

Bigouraud (M.G.)

Les Etoiles variables, Annuaire pour l'an 1909,

Paris.

Lalanne (Léon)

Méthodes graphiques. Paris 1908.

Marey (E.J.)

La méthode graphique dans les sciences expérimentales. Paris 1877.

Ribot

La psychologie allemande.

Binet

La méthode de la psychophysiologie,
(anatomie psychologique)

L'introduction à la psychologie expé-
imentale.

N.B. Les livres de Foucault et de
Dugon contiennent une bibliographie
très étendue dans les notes.

Z.

2) Table méthodique des matières.

Introduction.

	Page
Figures.	1.
Courbes.	2.
Echelles.	6.

Courbes aperiodiques.

Mesures dynamométriques.	9.
Effort d'attraction.	11.
Ergogrammes.	12.
Diagrammes de Poincaré.	13.

Loi de Fechner.

Gammes.	16.
Grandeurs stellaires.	17.
Dualisme cartésien.	21.
Fait de Bouguer.	23.
Loi de Weber.	25.
Formule de Fechner.	25.
Règle de l'interêt composé.	29.
Formule de Laplace.	29.
L'exposant-sensation.	34.
Le seuil différentiel.	37.
Classement des sensations.	38.

Courbes périodiques.

Indicateur de Watt.

41.

Sphizogéométrie.

43. 44.

Courbes superponibles.

45

Éléments des courbes.

46.

Description des faits.

47.

Courbes et schémas.

Courbes à trois variables.

49.

L'anamorphose.

50.

Schémas

50.

Conjecture sur les 7 strobilées.
d'Aristote.

52.

3) Les Positions du mémoire.

- 1) L'usage des courbes en psychologie est sans doute légitime quand on ne fait que traduire une série d'observations exprimées essentiellement en chiffres.
- 2) L'usage des courbes est justifiable et pratique s'il s'agit de courbes parées par des instruments enregistrateurs. Seulement, dans la plupart des cas, il ne faut pas réduire ces courbes en chiffres en y appliquant la mesure. On doit se contenter de l'analyse de leur forme qui est indépendante de l'échelle.
- 3) L'usage des tracés schématisques est utile et peut être recommandé comme illustration d'apparences ou d'hypothèses.